

Title	一次元複体ノ Topologie
Author(s)	小松, 醇郎
Citation	全国紙上数学談話会. 92 p.1-p.4
Issue Date	1936-06-05
oaire:version	VoR
URL	<a href="https://doi.org/10.18910/74334">https://doi.org/10.18910/74334</a>
rights	
Note	

*Osaka University Knowledge Archive : OUKA*

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

Osaka University

## 409. 一次元複体 / Topologie

小 松 醇 郎 (阪大)

一次元複体 = 適當ノ條件ヲ附ケ加ヘルト一般ノ  $n$  次元複体ヲ darstellen シ  $i$  ( $0 \leq i \leq n$ ) 次元 Homologiegruppe, Kettenringe (K. Reidemeister) 等ヲ定義スルコトが出来ル。逆 = 任意ノ  $n$  次元複体が與ヘラレバソレヲ darstellen スル一次元複体ヲ作ルコトが出来ル。

$n$  次元複体トハ普通ノ意味ノ Komplex ノミナラズ尙廣イ意味ノ Komplex デ宜シイ。Bilz<sup>1)</sup> & Reidemeister<sup>2)</sup> ノ複体ヨリモ廣クトリ、條件ヲ加エテ範圍ヲ狭メレバ普通ノ複体トナル。Reidemeister、企テタ如ク“複体ノ公理化”ニ對シテ意義ヲ持ツ。

一次元複体  $K'$ . Eckpunkt ( $a_1, \dots, a_\alpha$ )

Strecke ( $b_1, \dots, b_\beta$ )

Inzidenzrelation  $\varepsilon(a_i, b_j) = +1, 0$ .

Weg.  $w$ .  $a_{i_1} a_{i_2} \dots a_{i_m}$

$\left[ \begin{array}{l} \text{茲} = a_{i_j} \text{ ト } a_{i_{j+1}} \text{ トハ共通} = \text{Inzident トル} \\ \text{一ツノ Strecke } b_j \text{ ノ存在スルモノトス。} \end{array} \right]$

geschlossen.  $a_{i_1} = a_{i_m}$

1) Bilz: Beitrag zu den Grundlagen der kombinatorischen Analysis Litus. Math. Zeit. 18 Bd.

2) K. Reidemeister: Die Fundamentalgruppe von Komplexen. Math. Zeit. 1935.

$n$ 次元複体ト考ヘルタメハ次ノ條件ヲ充ス *Orientierter*  
一次元複体ノミヲ採ル。

$$b = (a_1, a_2) \text{ ナラバ}$$

$$\varepsilon(a_1, a_2) = -\varepsilon(a_2, a_1) = i$$

ト定メルトキ

① 二点ヲ連スル任意ノ *Weg* = ヨル  $\varepsilon$ -*Summe* ハ一意ニ定マレ。

②  $\varepsilon$ -*Summe*  $+n$  = 連スル *Weg* が存在シ  $n$  以上ニハナラナイ。

此ノ一次元 *Komplex* ニ次ノ如ク群ヲ定義シ, *darstellen* スル  $n$ 次元 *Komplex* ノ *Fundamentalgruppe* トスル. (*Reidemeister*).

$K'$  ノ普通ノ意味, *Wegeklassengruppe* ハ *freie Gruppe*  $f$ . ソレニ, *Relationen* トシテ四点ヲ含ム閉道ダ  $\varepsilon$  ノ符号変化一回ノミ生ズルモ, 及ビソノ *Klasse* ヲ *Einheitsweg*. ソレハ  $f$  , *normalteiler*  $R_2$ .

$$\textcircled{3} \quad Q_2 = f/R_2.$$

條件①ヨリ奇数個ノ点ヲ含ミ閉道ハ存在セズ, 又一次元複体デアアルカラ二点ノミヲ含ム閉道ハ存在セズ. 上ノ定義ノ適當ナルヲ知ル。

同様ニ  $k$ 次元 *Homologiegruppe* ハ

$M$ : 任意ノ *Abelsche Gruppe* (*Koeffizientenbereich*).

$k$ -te. *Gruppe* von *Komplex*  $K'$  ハ *Kette* , 群.

$$Z^k = \sum_{i=1}^{\alpha_k} x_i a_i^k \quad x_i \in M.$$

茲  $\Rightarrow a_i^k$  トハ ②ノ條件ヨリ  $\varepsilon(a_i, a_j) = 1$  ナラバ  $a_i$ 、  
次元  $a_j$ ノ次元ヨリ1ガケ高イト規約シタ  $k$ 次元  $Zelle$  ヲ  
表ハスト考ヘル、斯ク定メ得ルコトハ ①ノ條件ニヨル。

$$\text{Randoperator. } R(x a_i^k) = \sum_j \varepsilon_{ij} x a_j^{k-1}$$

$$\varepsilon_{ij} = \varepsilon(a_i^k, a_j^{k-1})$$

$$j \text{ ハ } a_i^k \text{ ト } \varepsilon_{ij} = 1 \text{ ナルモ、凡テ、}$$

$$\text{Rand}(Z_1^k) + \text{Rand}(Z_2^k) = \text{Rand}(Z_1^k + Z_2^k).$$

$$\text{Rand } 0 = \text{ナル Kette ハ Untergruppe } G_f^k.$$

$$L^k / G_f^k \approx R_1^{k-1}$$

Homologiegruppe.

$$Z_1^{k-1} = \frac{G_f^{k-1}}{[G_f^{k-1}, R_1^{k-1}]} \approx \frac{(R_1^{k-1}, G_f^{k-1})}{R_1^{k-1}}$$

$$Z_2^{k-1} = \frac{G_f^{k-1}}{[G_f^{k-1}, R_2^{k-1}]}, \quad \text{茲} = \frac{R_1^k}{[R_1^k, G_f^k]} \approx R_2^{k-1}$$

此ノ一次元複体及ビソノ群ハ、 $a_i^k$ ヲ  $k$ 次元  $Zelle$ 、  
 $\varepsilon(a_i^k, a_j^{k-1}) \neq 0$ ノトキ  $a_j^{k-1}$ ハ  $a_i^k$ ノ  $Seitenzelle$ ト  
考ヘタ、唯ソレダケガ定メラレタル次元  $Komplex$ ノ模型  
ソレガ普通ノ意味ノ  $Komplex$ ノ性質ヲ持タセルタメニ次第  
ニ一次元  $Komplex$ ニ條件ヲ加ヘル。

$m$ -te Fundamentalgruppe:  $2i$  ( $2 \leq i \leq m$ ) 個ノ

点ヲ含ム閉道デ $\varepsilon$ 符号ノ変化一回ノミ生ズルモ、ヲ *Einheitsweg* トスル。

之デ *Relationen* ガ作ル *Normalteiler*  $R_{2m}$ 。

$$\textcircled{4} \quad \mathcal{O}_{2m} = \mathcal{I} / R_{2m}.$$

$n$ -te *Fundamentalgruppe* ヲ繰ツテオケバ *Reidemeister*、所謂 *Überdeckung* (*Crelle Jour.* 173 Bd. Heft 3) ガ此ノ一般、*komplex* = 就ニ定義出來ル。

唯 *Randoperator* ヲ二回行ツテ  $0$  element = 到達ハシナイ。